



## Zustandsorientierte Modellierung

Modellbildung in der Entwicklung  
 Prof. Dr. Dr. h.c. Manfred Broy  
 Gemeinsam mit Dr. Bernhard Schätz  
 Fakultät für Informatik, TU München  
 SS 2007




## Inhalte

Vorlesungsinhalte:

<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Modellbegriff</li> <li>2. Grundlagen           <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Datenmodellierung</li> <li>2. Zustandsmodellierung</li> <li>3. Interaktionsmodellierung</li> <li>4. Nebenläufigkeitsmodellierung</li> <li>5. Kommunikationsmodellierung</li> </ol> </li> </ol>	<ol style="list-style-type: none"> <li>3. Abläufe und Prozesse</li> <li>4. Architekturen</li> <li>5. Schnittstellen</li> <li>6. Modellintegration</li> <li>3. Anwendung           <ol style="list-style-type: none"> <li>4. Modellgetriebene Entwicklung</li> <li>5. Domänenspezifische Modellierung</li> </ol> </li> </ol>
---	---



08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 2



## Grundlagen: Endlicher Automat

Ein nichtdeterministischer, endlicher Automat ist ein 5-Tupel  $(S, \Sigma, \delta, s_0, F)$ :

- $S$ , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- $\Sigma$ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\delta \subseteq S \times \Sigma \times S$ , Zustandsübergangsrelation
- $s_0 \in S$ , Startzustand
- $F \subseteq S$ , Menge der akzeptierenden Endzustände

Der Automat akzeptiert  $w \in \Sigma^*$  genau dann, wenn  $\delta^*(s_0, w) \cap F \neq \emptyset$  mit  $\delta^*(q, \epsilon) = \{q\}$  und  $\delta^*(q, a \circ w') = \bigcup_{(q,a,p) \in \delta} \delta^*(p, w')$ .



08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 3



## Grundlagen: Endlicher Automat

Ein deterministischer, endlicher Automat ist ein 5-Tupel  $(S, \Sigma, \delta, s_0, F)$ :

- $S$ , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- $\Sigma$ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$ , Zustandsübergangsfunktion
- $s_0 \in S$ , Startzustand
- $F \subseteq S$ , Menge der akzeptierenden Endzustände

Der Automat akzeptiert  $w \in \Sigma^*$  genau dann, wenn  $\delta^*(s_0, w) \in F$  mit  $\delta^*(q, \epsilon) = q$  und  $\delta^*(q, a \circ w') = \delta^*(\delta(q, a), w')$ .



08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 4

## Grundlagen: Mealy-Automat

Eine Mealy-Maschine ist ein 7-Tupel  $(S, \Sigma, \Omega, \delta, \lambda, s_0, F)$ :

- $S$ , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- $\Sigma$ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\Omega$ , nicht-leere, endliche Menge von Ausgabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$ , Zustandsübergangsfunktion
- $\lambda : S \times \Sigma \rightarrow \Omega$ , Ausgabefunktion
- $s_0 \in S$ , Startzustand
- $F \subseteq S$ , Menge der akzeptierenden Endzustände

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 5

## Grundlagen: Moore-Automat

Eine Moore-Maschine ist ein 7-Tupel  $(S, \Sigma, \Omega, \delta, \lambda, s_0, F)$ :

- $S$ , nicht-leere, endliche Menge von Zuständen.
- $\Sigma$ , nicht-leere, endliche Menge von Eingabezeichen
- $\Omega$ , nicht-leere, endliche Menge von Ausgabezeichen
- $\delta : S \times \Sigma \rightarrow S$ , Zustandsübergangsfunktion
- $\lambda : S \rightarrow \Omega$ , Ausgabefunktion
- $s_0 \in S$ , Startzustand
- $F \subseteq S$ , Menge der akzeptierenden Endzustände

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 6

## Motivation und Abgrenzung

Zustandsmodellierung:

- Motivation: Modellierung von Systemverhalten
  - Sequentielle Programme
  - Interaktive/reaktive Systeme
- Ansatz: Zustandsbasierte Modellierung
- Kernkonzepte: Zustand, Übergang, Interaktion
- Abgrenzung: Automatentheorie
  - Fokus: Verhaltensmodellierung vs. Wortschatzbeschreibung
  - Erweiterung: Modellierung interaktiven, nebenläufigen Verhaltens

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 7

## Ausführungsmodellierung

**Ziel:** Modellierung des Verhaltens von Berechnungen

- Adressiert Aspekte zur Darstellung von Berechnungsfolgen
- Beschreibt Aspekte unabhängig von einer spezifischen Programmiersprache
- Abstrahiert von Aspekten wie Ausführungsdauer oder Speichergröße

**Konzepte:** Zustands, Zustandsübergang, Ausführung, Verhalten

**Modelle:** Zustandsübergangssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 8

## Zustand

```

int c = 4;

while(c>0) do
  c = c - 1;

```

Ansatz: Modellierung der Berechnungseffekte (Programmschritte)

Konzept: Zustand = Menge von Belegungen

- Datenzustand, z.B. Variablen
- Kontrollzustand, z.B. Programmzähler

Beispiel:  $\{c = 3\}, \{c = 0\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 9

## Zustandsübergang

Ansatz: Modellierung des Verhaltens eines (sequentiellen) Programms

Konzept: Übergang = Zustandsrelation (Zustandspaar)

- Beschreibt den Wechsel zwischen Programmzuständen
- Entspricht einer atomaren Aktion des Programms

Beispiel:  $\{c = 3\} \rightarrow \{c = 2\}$  or  $(\{c = 3\}, \{c = 2\})$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 10

## Zustandsübergangssystem

Ansatz: Verhaltensbeschreibung eines (terminierenden) Programms

Modell: Zustandsübergangssystem  $(S, s_0, T)$

- Menge  $S$  möglicher Programmzustand
- Initialer Zustand  $s_0 \in S$  (Variante: Menge von Anfangszuständen  $S_0$ )
- Menge möglicher Übergänge  $T \subseteq S \times S$

Beispiel:

- $S = \{\{c = 4\}, \{c = 3\}, \{c = 2\}, \{c = 1\}, \{c = 0\}\}$
- $s_0 = \{c = 4\}$
- $T = \{(\{c = 4\}, \{c = 3\}), (\{c = 3\}, \{c = 2\}), \dots, (\{c = 1\}, \{c = 0\})\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 11

## Ausführung

Ansatz: Modellierung einer (teilweisen) Ausführung eines Programms

Konzept: Spur = Sequenz aufeinander folgender Zustände  $s_1 \cdot s_2 \cdot s_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustand ist initialer Zustand:  $s_1 = s_0$
- Aufeinander folgende Zustände definiert per Transitionen:  $(s_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel:  $\{c = 4\} \cdot \{c = 3\} \cdot \{c = 2\}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 12

## Erreichbarkeit

Ansatz: Charakterisierung der Zustände eines Programms

Konzept:  $s_i$  erreichbar = Teil einer Spur  $s_0 \cdot s_1 \cdot s_2 \cdot s_3 \cdot s_4 \cdot \dots \cdot s_i$

Alternativ:  $s_i$  erreichbar =  $(s_0, s_i) \in T^*$

Beispiel:  $T = \{ ((c=4), (c=3)), ((c=4), (c=2)), \dots, ((c=3), (c=2)), ((c=3), (c=1)), \dots, ((c=0), (c=0)) \}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 13

## (Nicht-)Terminierung

Ansatz: Identifikation (potentiell) unendlicher Berechnungen

Konzept: Zustandsübergangssystem  $(S, s_0, T)$  partiell bzw. total

- Total: Jeder Zustand hat einen Nachfolger:  $\{ s \mid (s, s') \in T \} = S$
- Partiell: Es gibt Zustände ohne Nachfolger:  $\{ s \mid (s, s') \in T \} \neq S$

Beispiel:  $\{c=0\}$  ist nachfolgender Zustand

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 14

## (Nicht)Determinismus

Ansatz: Modellierung des Verhaltens eines (sequentiellen) Programms

Konzept: Zustandsübergangssystem  $(S, s_0, T)$  deterministisch bzw. nichtdeterministisch

- Deterministisch: Max. einen Nachfolger:  $(s, s'), (s, s'') \in T \Rightarrow s' = s''$
- Nichtdeterministisch: Es gibt Zustände mit mehreren Nachfolgern

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 15

## Zusammenfassung

Konzepte:

- Zustand: Beobachtung eines Systems zu einem Zeitpunkt
- Zustandsübergang: Atomare, den Zustand ändernde Aktion
- Übergangsrelation: Menge möglicher Aktionen eines Programms
- Spur: Sequenz von Zuständen während einer Ausführung

Modell: Transitionssystem  $(S, s_0, T)$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 16

## Interaktionsmodellierung

**Ziel:** Modellierung des Verhaltens von interaktiven Systemen

- Adressiert Aspekte der Darstellung von Interaktionen
- Beschreibt Aspekte unabhängig von spezifischen Interaktionsschnittstellen
- Abstrahiert von Aspekten wie Berechnungsdauer und Schnittstellenbreite

**Konzepte:** Interaktion, Beobachtung, Verhalten

**Modell:** Markierte Transitionssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 17

## Interaktion



**Ansatz:** Modellierung der Interaktionen zwischen System und Umgebung

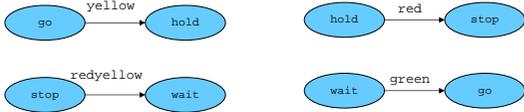
**Konzept:** Interaktion = gemeinsame Aktion an der Systemschnittstelle

- Einache Interaktion (atomar und unmittelbar)
- Komplexe Interaktion (Kombination of atomarer Interaktionen)

**Beispiel:** "Ampel schaltet auf Rot", "Ampel schaltet auf Grün"

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 18

## Markierte Transition



**Ansatz:** Modellierung der Aktionen eines (reaktiven) Systems

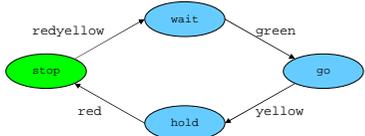
**Konzept:** Markierte Transition = Interaktion und Zustandsänderung

- Beschreibt den Übergang zwischen Zuständen des Systems
- Beschreibt die dem Übergang entsprechende Interaktion an der Systemschnittstelle

**Beispiel:**  $go \xrightarrow{yellow} hold \xrightarrow{green} go$   
or  $(go, yellow, hold), (wait, green, go)$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 19

## Markiertes Transitionssystem



**Ansatz:** Modellierung des Verhaltens eines reaktiven Systems

**Modell:** Markiertes Transitionssystem  $(S, A, S_0, T)$

- Menge der möglichen Systemzustände S
- Menge der möglichen einfachen Interaktionen A (Alphabet)
- Menge möglicher Startzustände  $S_0 \subseteq S$
- Menge möglicher Transitionen  $T \subseteq S \times A \times S$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 20

## Markiertes Transitionssystem

- Beispiel:
  - $S = \{ \text{stop, wait, go, hold} \}$
  - $A = \{ \text{green, yellow, yellowred, red} \}$
  - $S_0 = \{ \text{stop} \}$
  - $T = \{ (\text{stop,redyellow,wait}), (\text{wait,green,go}), (\text{go,yellow,hold}), (\text{hold,red,stop}) \}$
- Or:  $T = \{ \text{stop} \xrightarrow{\text{redyellow}} \text{wait}, \text{wait} \xrightarrow{\text{green}} \text{go}, \text{go} \xrightarrow{\text{yellow}} \text{hold}, \text{hold} \xrightarrow{\text{red}} \text{stop} \}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 21

## Ablauf

Ansatz: Modellierung eines (partiellen) Ablauf eines Programms

Konzept: Spur = (endliche/unendliche) Folge aufeinander folgender Zustände und zugehöriger Interaktionen  $s_1 \cdot a_1 \cdot s_2 \cdot a_2 \cdot s_3 \cdot a_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustand ist ein Startzustand:  $s_1 \in S_0$
- Folgezustände verknüpft über Transitionen:  $(s_i, a_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel:  $\text{stop} \cdot \text{redyellow} \cdot \text{wait} \cdot \text{green} \cdot \text{go}$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 22

## Beobachtung

Ansatz: Modellierung eines (partiellen) Verhaltens eines Systems an seiner Schnittstelle

Konzept: Spur = (endliche/unendliche) Sequenz aufeinander folgender Interaktionen  $a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdot \dots$  eines Ablaufs  $s_1 \cdot a_1 \cdot s_2 \cdot a_2 \cdot s_3 \cdot a_3 \cdot s_4 \cdot \dots$

- Erster Zustands ist Initialzustand:  $s_1 \in I$
- Folgezustände verknüpft über Transitionen:  $(s_i, a_i, s_{i+1}) \in T$

Beispiel:  $\text{redyellow} \cdot \text{green} \cdot \text{yellow} \cdot \text{red} \cdot \text{redyellow} \cdot \text{green} \cdot \text{yellow} \cdot \dots$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 23

## Auswahl

Ansatz: Modellierung kontrollierbarer Verhaltensalternativen eines reaktiven Systems

Konzept: (Deterministische) Auswahl im Zustand  $s$

- $(s, a_1, s_1) \in T$
- $(s, a_2, s_2) \in T$

Beispiel:  $(\text{paid, coffee-button, disp\_coffee}), (\text{paid, tea-button, disp\_tea}) \in T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 24

## Nichtdeterminismus

Ansatz: Modellierung nicht kontrollierbarer Verhaltensalternativen eines reaktiven Systems

Konzept: Nichtdeterministische Auswahl im Zustand  $s$

- $(s, a, s_1) \in T$
- $(s, a, s_2) \in T$

Beispiel:  $(wait, coin, paid), (wait, coin, wait) \in T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 25

## (Nicht)deterministische Auswahl

Alternatives Verhalten eines Systems:

- Determ. Auswahl: Kontrolliert durch die Umgebung (Nutzer)
- Nichtdeterm. Auswahl: Kontrolliert durch das System

Varianten: Wer kontrolliert eine Interaktion?

- Symmetrisch: Gemeinsame Interaktion
- Asymmetrisch: Unterscheidung zwischen Ein-/Ausgabe

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 26

## Eingabe und Ausgabe

Ansatz: Trennung zwischen System- und Umgebungsaktionen

Konzept: Alphabet  $A$  von Aktionen, getrennt nach Ein- und Ausgabe

- Eingabe  $I$ : Von der Umgebung kontrollierte Aktionen
- Ausgabe  $O$ : Vom System kontrollierte Aktionen

Beispiel:  $I = \{coin, coffee-button, tea-button\}, O = \{coffee, tea\}, A = I \cup O$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 27

## Eingabebereitschaft

Ansatz: Unterscheidung zwischen Eingabe und Ausgabe

Konzept: Eingabebereitschaft von  $(S, s, I, O, T)$

- Das System ist immer bereit, eine Eingabe anzunehmen
- Für beliebige  $s, i: (s, i, s') \in T$

Beispiel:  $\{(paid, coin, paid), (paid, coffee-button, disp\_coffee), (paid, tea-button, disp\_tea)\} \subseteq T$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 28

## Interaktionsmodellierung

Konzepte:

- Interaktion (Alphabet): Gemeinsame Aktionen von System/Umgebung
- Beobachtung: Spur von Interaktionen
- Auswahl: Verhaltensalternativen eines Systems
- Nichtdeterminismus: Systemkontrollierte Auswahl

Modell: Markiertes Transitionssystem (S,A,S<sub>0</sub>,T)

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 29

## Nebenläufigkeitsmodellierung

**Ziel:** Modellierung des Verhaltens von nebenläufigen reaktiven Systemen

- Adressiert Aspekte der Synchronisierung
- Beschreibt Aspekte unabhängig von spezifischen Kommunikations/Synchronisierungstechniken
- Abstrahiert von Aspekten wie Schnittstellenbreite, Ausführungsgeschwindigkeit

**Konzept:** Gemeinsame/unabhängige Interaktion, gemeinsame/unabhängige Transition, Nebenläufigkeit

**Modell:** Synchronisierte Transitionssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 30

## Nebenläufig und Parallel

Ansatz: Modellierung gleichzeitiger Abläufe in einem System

Konzept: Simultane Ausführung

- Nebenläufig: Logisch simultan (simultan bei sequentieller Beobachtung)
- Parallel: Technisch simultan (simultan bei gleichzeitiger Beobachtung)

Beispiel: Pre-emptives Multitasking vs. Multiprozessorausführung

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 31

## Nebenläufiges System

Ansatz: Modellierung nebenläufiger Systemausführungen

Konzept: Produkt = Parallele Zustände von (S,A,S<sub>0</sub>,T) und (S',A',S'<sub>0</sub>,T')

- Produktraum: {speaking,listening} × {reading,writing} = { (speaking,writing), (speaking,reading), (listening,writing), (listening,reading) }
- Startzustände: S<sub>0</sub> × S'<sub>0</sub>

Beispiel: ((speaking,listening),A,{speaking},T) und ((writing,reading),A',{writing},T')

- Produktraum: {speaking,listening} × {reading,writing} = { (speaking,writing), (speaking,reading), (listening,writing), (listening,reading) }
- Startzustand = {speaking} × {writing} = {(speaking,writing)}

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 32

## Unabhängige Interaktion

Ansatz: Modellierung unabhängiger Interaktionen von Systemen

Konzept: Nichtsynchronisierte Transition von  $(S, A, S_0, T)$  und  $(S', A', S'_0, T')$

- $((s, s'), a, (t, s'))$  für alle  $(s, a, t) \in T$  und  $a \in A \setminus A'$
- $((s, s'), a', (s, t'))$  für alle  $(s', a', t') \in T'$ , and  $a' \in A' \setminus A$

Beispiel:

- $((\text{speaking}, \text{writing}), \text{read}, (\text{speaking}, \text{reading}))$
- $((\text{listening}, \text{reading}), \text{talk}, (\text{speaking}, \text{reading}))$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 33

## Unsynchronisierter Produktautomat

Ansatz: Modellierung von unabhängiger Nebenläufigkeit

Modell: Produktautomat von  $(S, A, S_0, T)$  und  $(S', A', S'_0, T')$  mit  $A \cap A' = \emptyset$

- Zustände:  $S \times S'$
- Alphabet:  $A \cup A'$
- Startzustände:  $S_0 \times S'_0$
- Transitionsrelation  $T \parallel T'$ :
  - $((s, s'), a, (t, s'))$  für  $(s, a, t) \in T$  und  $a \in A$
  - $((s, s'), a', (s, t'))$  für  $(s', a', t') \in T'$  und  $a' \in A'$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 34

## Synchronisierte Interaktion

Ansatz: Modellierung synchronisierter Interaktionen zwischen Systemen

Konzept: Synchronisierte Transitionen von  $(S, A, S_0, T)$  und  $(S', A', S'_0, T')$

- $((s, s'), a, (t, t'))$  für  $(s, a, t) \in T$ ,  $(s', a', t') \in T'$  und  $a \in A \cap A'$

Beispiel:

- $(\text{write}, \text{read}), \text{exchange}, (\text{wait}, \text{ready})$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 35

## Synchronisierter Produktautomat

Ansatz: Modellierung von synchronisierter Nebenläufigkeit

Modell: Produktautomat von  $(S, A, S_0, T)$  und  $(S', A', S'_0, T')$  mit  $A \cap A' \neq \emptyset$

- Zustände:  $S \times S'$
- Alphabet:  $A \cup A'$
- Startzustände:  $S_0 \times S'_0$
- Transition relation  $T \parallel T'$ :
  - $((s, s'), a, (t, s'))$  für  $(s, a, t) \in T$  und  $a \in A \setminus A'$
  - $((s, s'), a', (s, t'))$  für  $(s', a', t') \in T'$  und  $a' \in A' \setminus A$
  - $((s, s'), a, (t, t'))$  für  $(s, a, t) \in T$ ,  $(s', a', t') \in T'$  und  $a \in A \cap A'$

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 36

## Nebenläufigkeitsmodellierung

Konzepte:

- Nebenläufige Ausführung: Synchronized alternative execution
- Unabhängige Interaktion: Verschränkte Ausführung
- Synchronisierte Interaktion: Simultane Ausführung

Modell: Synchronisierter Produktautomat

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 37

## Kommunikationsmodellierung

**Ziel:** Beschreibung von kommunizierenden Systemen

- Unterscheidung zwischen System und Umgebung
- Erweiterte Modellierung mit Ein- und Ausgabe

**Konzepte:** Signal, zeitsynchrone Kommunikation, nachrichtensynchrone Kommunikation

**Modell:** Synchronisierte Erweitere Zustandsübergangssysteme

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 38

## Daten- und Kontrollzustand

Ausführungsmodell:  $S \subseteq L \times V_1 \times \dots \times V_k \times I_1 \times \dots \times I_m \times O_1 \times \dots \times O_n$

- Kontrollzustand L (e.g., Init, Green, Yellow, Red, RedYellow)
- Variablen  $V_1, \dots, V_k$  (e.g., t: Int)
- Eingabe:  $I_1, \dots, I_m$  (e.g., Req: Signal  $\cup$  { - })
- Ausgabe:  $O_1, \dots, O_n$  (e.g., TL: TrafColor  $\cup$  { - })

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 39

## Erweiterte Transition

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green
		t				n	

Model: Extended Transition System

- Vorgängerzustand: Kontrollzustand, Datenzustand, Eingabe
- Nachfolgerzustand: Ausgabe, Datenzustand, Kontrollzustand

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 40

### Beispiel: Erweiterte Transition

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Init			Green	Stop	Off	-1	Green
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green
Yellow	>0		-	-	-	t-1	Yellow
Red	0		RedYellow	Stop	-	TYellow	RedYellow

08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 41

### Beispiel: Erweiterte Transition

State	Green	Green	Green
T	-1	10	B
Req	Present	-	-
TL	-	Green	-
PL	-	Stop	-
Ind	-	On	-

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Green	-1	Present	Green	Stop	On	TGreen	Green

Transitionsausführung: Anwendung der Pre-State/Post-State Relation

- Pre-State: Kontrollzustand, Datenzustand, Eingabe
- Post-State: Ausgabe, Datenzustand, Kontrollzustand

08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 42

### Eingabebereitschaft

Pre-State			Post-State				
State	t	Req	TL	PL	Ind	t	State
Yellow	>0	-	-	-	-	t-1	Yellow
Yellow	==0	-	Red	Go	Off	0	Red
Yellow	>0	Present	Yellow	-	-	T-1	Yellow

Eingabebereitschaft:

- System blockiert keine Eingaben der Umgebung
- Transitionsrelation ist für alle Pre-States definiert

08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 43

### Synchronisiertes Übergangssystem

Local Variables of Controller: Controller  
Int t = -1

Synchronisiertes Übergangssystem:

- $S_1 \subseteq L_1 \times V_{1,1} \times \dots \times V_{1,k} \times I_{1,1} \times \dots \times I_{1,m} \times O_{1,1} \times \dots \times O_{1,n}$
- $S_2 \subseteq L_2 \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,r} \times I_{2,1} \times \dots \times I_{2,s} \times O_{2,1} \times \dots \times O_{2,l}$
- Ein-/Ausgabe:  $I_{1,1} = O_{2,1}, \dots, I_{1,v} = O_{2,v}, I_{2,1} = O_{1,1}, \dots, I_{2,w} = O_{1,w}$
- Produktraum  $S \subseteq L_1 \times L_2 \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,k} \times V_{2,1} \times \dots \times V_{2,r} \times O_{1,1} \times \dots \times O_{1,w} \times O_{2,1} \times \dots \times O_{2,v} \times I_{1,v+1} \times \dots \times I_{1,m} \times I_{2,w+1} \times \dots \times I_{2,s} \times O_{1,w+1} \times \dots \times O_{1,n} \times O_{2,v+1} \times \dots \times O_{2,l}$

08.05.2007 Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 44

## Synchronisiertes Übergangssystem

Synchronisiertes Übergangssystem:

- Synchronisierte Transitionen von  $(S_1, S_{1,0}, T_1)$  und  $(S_2, S_{2,0}, T_2)$
- $((l_1, l_2, v_1, v_2, h_1, h_2, i_1, i_2, d_1, o_1), (l'_1, l'_2, v'_1, v'_2, h'_1, h'_2, i'_1, i'_2, o'_1, o'_2))$  für
  - $((l_1, v_1, i_1, h_1, o_1), (l'_1, v'_1, i'_1, h'_1, o'_1)) \in T_1$
  - $((l_2, v_2, i_2, h_2, o_2), (l'_2, v'_2, i'_2, h'_2, o'_2)) \in T_2$

TUM  
TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007  
Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering  
45

## Literatur

- Manfred Broy, Ralf Steinbrüggen: Modellbildung in der Informatik, Springer-Verlag, Berlin, 2004
- David Harel: Statecharts: A visual approach to complex systems, CS84-05, Department of Applied Mathematics, The Weizmann Institute of Science, 1984
- Jeff Magee, Jeff Kramer: Concurrency – State Models & Java Programs, John Wiley & Sons Ltd., Chichester, 1999
- G. H. Mealy: *A Method for Synthesizing Sequential Circuits*, Bell System Tech. J. 34, pp. 1045–1079, September 1955
- Nancy Lynch, Frits Vaandrager. Forward and backward simulations for timing-based systems. In J. W. de Bakker, W. P. de Roever, C. Huizing, and G. Rozenberg, editors, Proceedings of Real-Time: Theory in Practice (REX Workshop, Mook, The Netherlands, June 1991), volume 600 of Lecture Notes in Computer Science, pages 397-446. Springer-Verlag 1992.

TUM  
TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007  
Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering  
46

## Statecharts von David Harel / UML

- Visueller Formalismus für Zustandsmodellierung
- Konzepte:
  - Clustern von Zuständen / Zustandshierarchie
  - Verfeinerung
  - Allgemeine Transitionen und Reaktionen
    - Ereignisse
    - Bedingungen
    - Aktionen
    - Aktivitäten
  - Unabhängigkeit / Orthogonalität

TUM  
TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007  
Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering  
47

## Cluster / Hierarchie

- Zusammenfassen von
  - Sich ausschließenden Zuständen (XOR Semantik)
  - Transitionen von Unterzuständen
- Beispiel
  - D ist XOR-Zustand von A und C
  - $\beta$  führt von A zu B, aber auch von C zu B

TUM  
TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN  
08.05.2007  
Fakultät für Informatik  
Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering  
48

### Verfeinerung / Top-Down Definition

1. D  $\xrightarrow{\alpha}$  B  $\xrightarrow{\beta}$  B  $\xrightarrow{\delta}$  B

2. D (A, C)  $\xrightarrow{\alpha}$  B  $\xrightarrow{\beta}$  B  $\xrightarrow{\delta}$  B

3. D (A, C)  $\xrightarrow{\alpha}$  B  $\xrightarrow{\beta}$  B  $\xrightarrow{\delta}$  B, A  $\xrightarrow{\gamma}$  C

4. D (A, C)  $\xrightarrow{\alpha}$  B  $\xrightarrow{\beta}$  B  $\xrightarrow{\delta}$  B, A  $\xrightarrow{\gamma}$  C

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 49

### Allgemeine Transition

A (Entry E, Exit X)  $\xrightarrow{\alpha(P) / A}$  B (Throughout Z)

- Ereignis  $\alpha$ : Transitionsauslöser
- Bedingung P: Einschränkungen der Transition
- Aktion A: Transitionsausgabe
- Aktivität E: Eingangsaktivität
- Aktivität X: Ausgangsaktivität
- Aktivität Z: Zustandsaktivität

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 50

### Unabhängigkeit / Orthogonalität

- Zusammenfassen von
  - Parallelen Zuständen (AND-Semantik)

Y (A, B)  $\xrightarrow{\alpha}$  B  $\xrightarrow{\beta}$  A

Y (M, N)  $\xrightarrow{\beta}$  N  $\xrightarrow{\alpha}$  M

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 51

### Statecharts Beispiel: Armbanduhr

Clock

Display: Time  $\xrightarrow{\text{next}}$  Date  $\xrightarrow{\text{next}}$  Alarm

Alarm: Disabled  $\xrightarrow{\text{set}}$  Enabled

Light: Off  $\xrightarrow{\text{press}}$  On  $\xrightarrow{\text{release}}$  Off

Power: OK  $\xrightarrow{\text{battery weak}}$  Critical

Dead: battery high  $\rightarrow$  Off, battery dead  $\rightarrow$  Critical

TUM TECHNISCHE UNIVERSITÄT MÜNCHEN 08.05.2007 Fakultät für Informatik Lehrstuhl IV: Software & Systems Engineering 52