# Übungen zur Vorlesung Einführung in die Informatik III

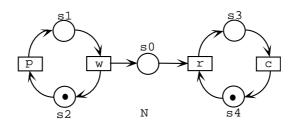
# Aufgabe 12 Agenten, Abläufe

- (a) Bestimmen Sie die Abläufe folgender Agenten über der Aktionenmenge  $A = \{a, b, c, d\}$ :
  - (i)  $t_0 =_{def} a; (b \text{ or } c)$
  - (ii)  $t_1 =_{def} a; (b || c)$
  - (iii)  $t_2 =_{def} (x :: a; b; x) ||_{\{b\}} (y :: b; a; y)$
  - (iv)  $t_3 =_{def} (x :: a; (b \text{ or } c); x) ||_{\{b,c\}} (y :: (b \text{ or } c); a; y)$
  - (v)  $t_4 =_{def} (x :: a; ((b;c) \text{ or } (c;d)); x) ||_{\{b,c,d\}} (y :: a; (b \text{ or } c); (c \text{ or } d); y)$

Welche dieser Agenten sind verklemmungsfrei? Besitzen die beiden Teilagenten von  $t_4$  dieselben Ablaufmengen?

(b) Geben Sie einen Agenten an, der den Prozess *P* aus Aufgabe 2 beschreibt.

### Aufgabe 13 Petri-Netze, Agenten, Prozessprädikate



Gegeben sei noch einmal das obenstehende Boolesche Petri-Netz N. Dargestellt ist ein Erzeuger/Verbraucher-Problem:

#### Liest man

p als produce,

w als write,

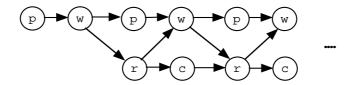
r als read,

c als consume,

dann beschreibt der linke Kreis einen Produzenten und der rechte einen Konsumenten.

Beachte: Aufgrund der Kapazität Boolescher Petrinetze ist w nicht schaltbereit, wenn so mit true belegt ist. Die Stelle so wirkt wie ein *Puffer* der Kapazität 1.

Gegeben sei der Prozess A (siehe Skizze), ein vollständiger Ablauf von N mit der Eigenschaft, dass alle anderen vollständigen Abläufe von N Sequentialisierungen von A sind.



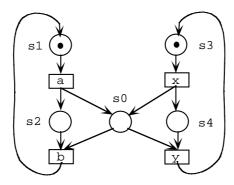
- (a) Geben Sie ein natürlichzahliges Petrinetz N1 an, das ablaufäquivalent zu N ist, das insbesondere also die Puffereigenschaft von s0 modelliert.
- (b) Beschreiben Sie N1 durch einen Agenten t, der die selbe Menge von Abläufen besitzt, der also Erzeuger, Verbraucher und Puffer über diejenigen Ereignisse koordiniert, die mit w oder r markiert sind.
- (c) Geben Sie ein Petrinetz N2 zu einem Erzeuger/Verbraucher-Problem mit Puffergröße 2 an. Geben Sie zu N2 einen vollständigen Ablauf A2 an. Kann auf den Puffer gleichzeitig lesend und schreibend zugegriffen werden?
- (d) Bezeichne  $q_e$  den kleinsten Präfix eines Prozesses q, der das Ereignis e enthält, und #(a,  $q_e$ ) die Anzahl der mit a markierten Ereignisse von  $q_e$ .

Formulieren Sie durch Prädikate die Beziehungen, die zwischen der Anzahl der mit w und der Anzahl der mit r markierten Ereignisse in  $q_e$  gelten, wenn e mit w oder mit r markiert ist, und zwar

- (1) für q=A
- (2) für q=A2

## Aufgabe 14 (H) Petri-Netze

Vorgelegt sei folgendes Petri-Netz:



- (a) Welche Belegungen sind von der Anfangsbelegung aus erreichbar? Geben Sie einen entsprechenden Zustandsübergangsgraphen an.
- (b) Eine Stelle eines Booleschen Petri-Netzes heißt *blockierend*, wenn sie unter der Anfangsbelegung oder unter einer Folgebelegung mit true belegt und zugleich Ausgabestelle einer schaltbereiten Transition ist. Bestimmten Sie die blockierenden Stellen unseres Petri-Netzes.
- (c) Geben Sie ein ablaufäquivalentes natürlichzahliges Petri-Netz an, das also insbesondere die Rolle der blockierenden Stellen modelliert. Lässt sich bei Ihrer Lösung eine Stelle (mit ihren Kanten) einsparen?

### Aufgabe 15 (P) Erreichbarkeit von Zuständen in Petri-Netzen

In dieser Aufgabe soll der Simulator für boolesche Petri-Netze von Übungsblatt 3 so erweitert werden, dass ausgehend von einem initialen Zustand die Menge aller erreichbaren Zustände analysiert werden kann.

a) Implementieren Sie eine Hilfsklasse BoolState, die es Ihnen erlaubt den Zustand des Netzes in einem booleschen Feld zu speichern, Zustände auf Äquivalenz zu überprüfen (equals) und einen Zustand in einen String zu konvertieren (toString).

#### – P –

Erweitern Sie die Klasse BPetriNet um folgende Methoden:

- b) BoolState getStated(void) Ermitteln der aktuellen Belegung
- d) setState(BoolState) Setzen der Belegung des Petri-Netzes
- c) Vector reachable() Analyse der erreichbaren Zustände Informelle Beschreibung:
  - Die Menge E der erreichbaren Zustände ist initial leer
  - Die Menge Z der noch zu untersuchenden Zustände ist initial {akt\_Zustand}
  - für jedes  $z \in Z$ 
    - für jede schaltbereite Transition t
      - \* belege Petri-Netz mit z
      - \* schalte t
      - \* falls Folgezustand z'  $\notin Z \cup E : Z = Z \cup \{z'\}$
    - $-E = E \cup \{z\}$
    - $-Z = Z \setminus \{z\}$

Analysieren Sie mit Ihrem Programm alle erreichbaren Zustände für das Erzeuger-Verbraucher Problem von Übungsblatt 3.

*Hinweis:* Für die Realisierung von Mengen empfiehlt es sich hier die Java Klasse Vector aus java.util.Vector einzusetzen; siehe http://java.sun.com/j2se/1.4.1/docs/api/.